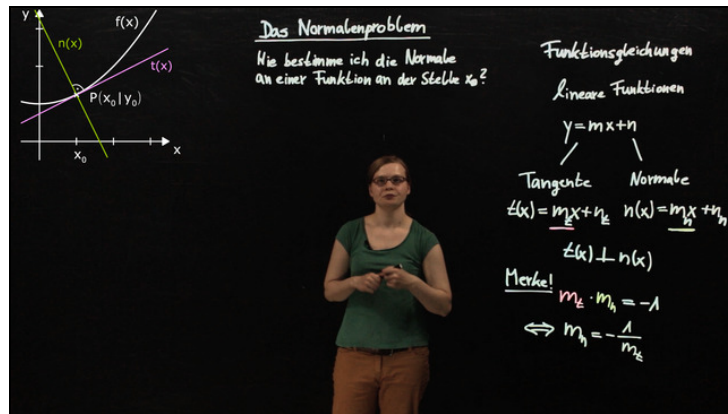




Arbeitsblätter zum Ausdrucken von [sofatutor.com](https://www.sofatutor.com)

Normalenproblem – Normale in einem Punkt bestimmen



- 1 **Gib die Gleichung der Normalen an der Stelle x_0 an.**
- 2 Beschreibe, was eine Normale ist.
- 3 Bestimme die Gleichung der Normalen.
- 4 Entscheide, welche der linearen Funktionen die Normale zu f im Punkt x_0 ist.
- 5 Berechne den Schnittpunkt der Normalen.
- 6 Weise nach, dass die Normalengleichung auch in der Form $n(x) = -\frac{1}{f'(x_0)}(x - x_0) + y_0$ angegeben werden kann.
- + mit vielen Tipps, Lösungsschlüsseln und Lösungswegen zu allen Aufgaben



Das komplette Paket, inkl. aller Aufgaben, Tipps, Lösungen und Lösungswege gibt es für alle Abonnenten von [sofatutor.com](https://www.sofatutor.com)



Gib die Gleichung der Normalen an der Stelle x_0 an.

Bringe die einzelnen Rechenschritte in die richtige Reihenfolge.

$$f(x) = x^4 + 2x^3 + 3x^2 - 5; x_0 = -1$$

Wie lautet die Normalengleichung $n(x) = m_n \cdot x + n_n$?

Somit ist die Normalengleichung gegeben durch $n(x) = \frac{1}{4}x - 2\frac{3}{4}$. A

Es gilt also $n(x) = \frac{1}{4}x + n_n$. B

$-3 = \frac{1}{4} \cdot (-1) + n_n$. Dies ist äquivalent zu $n_n = -2\frac{3}{4}$. C

Die Steigung der Normalen ist gegeben durch $m_n = -\frac{1}{m_t} = \frac{1}{4}$. D

Berechnung von n_n durch Einsetzen des Punktes $P(-1 | -3)$ in $n(x)$: E

Berechnung des Anstiegs der Tangente. Dieser ist $m_t = f'(-1) = -4$. F

RICHTIGE REIHENFOLGE



Unsere Tipps für die Aufgaben

1
von 6

Gib die Gleichung der Normalen an der Stelle x_0 an.

1. Tipp

Tangente und Normale stehen senkrecht zueinander.

- Wie ist der Anstieg der Tangente gegeben?
 - Wie hängen der Anstieg der Tangente und der der Normalen zusammen?
-

2. Tipp

Die Ableitung von f ist nach der Produktregel $f'(x) = 4x^3 + 6x^2 + 6x$. Durch Einsetzen von $x_0 = -1$ in diese Ableitung erhältst du den Anstieg der Tangente m_t .

3. Tipp

Es gilt $m_t \cdot m_n = -1$. Dabei ist m_t der Anstieg der Tangente und m_n der der Normalen.

4. Tipp

Um den Schnittpunkt mit der y-Achse n_n zu berechnen, wird der Punkt $P(x_0|y_0)$ verwendet. Für $x_0 = -1$ ist $y_0 = (-1)^4 + 2 \cdot (-1)^3 + 3 \cdot (-1)^2 - 5 = -3$.



Lösungen und Lösungswege für die Aufgaben

1
von 6

Gib die Gleichung der Normalen an der Stelle x_0 an.

Lösungsschlüssel: F, D, B, E, C, A

Die Normalengleichung lautet $n(x) = m_n \cdot x + n_n$. Die Normale steht senkrecht auf der Tangente mit dem Anstieg m_t . Das heißt, man muss zunächst den Anstieg der Tangente berechnen, um dann über die Formel $m_n = -\frac{1}{m_t}$ den Anstieg der Normalen zu erhalten.

• $m_t = f'(-1)$. Die Ableitung von f ist nach der Potenzregel gegeben durch $f'(x) = 4x^3 + 6x^2 + 6x$. Damit ist $f'(-1) = 4 \cdot (-1)^3 + 6 \cdot (-1)^2 + 6 \cdot (-1) = -4$.

• $m_n = -\frac{1}{-4} = \frac{1}{4}$.

Nun kann die Normalengleichung bereits wie folgt aufgeschrieben werden: $n(x) = \frac{1}{4}x + n_n$.

n_n kann berechnet werden, indem der Punkt $P(x_0|y_0)$ in $n(x)$ eingesetzt wird. Für $x_0 = -1$ ist $y_0 = (-1)^4 + 2 \cdot (-1)^3 + 3 \cdot (-1)^2 - 5 = -3$.

$$\begin{aligned} -3 &= \frac{1}{4} \cdot (-1) + n_n && | + \frac{1}{4} \\ -2\frac{3}{4} &= n_n. \end{aligned}$$

Nun ist die Normalengleichung bestimmt: $n(x) = \frac{1}{4}x - 2\frac{3}{4}$.